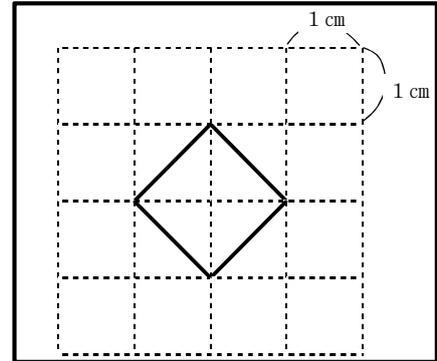


【各4点】

面積が 2 cm^2 の正方形があります。この正方形の1辺の長さを求めます。

- 1 面積が 2 cm^2 の正方形を、右の図にかき入れなさい。
 図の1目盛りは 1 cm とします。



【解答例】対角線を使って正方形をかけばよい。

- 2 面積が 2 cm^2 の正方形の1辺の長さはおよそ何cmですか。もっとも近い値を小数第一位までの数で表しなさい。

1辺が 1.4 cm のとき、 1.5 cm のときの正方形の面積は、
 $1.4 \times 1.4 = 1.96\text{ cm}^2$
 $1.5 \times 1.5 = 2.25\text{ cm}^2$
 なので、1辺の長さは 1.4 cm と考えられる。

およそ 1.4 cm

- 3 この正方形の1辺の長さを、もう少し正確に求めます。
 (1) 1辺の長さを小数第二位まで求めます。①～④にあてはまる長さや面積をかきなさい。
 (同じ番号には同じ数が入ります)

cm のときは、正方形の面積は cm^2 で 2 cm^2 より小さい。
 cm のときは、正方形の面積は cm^2 で 2 cm^2 より大きい。
 2 cm^2 に近いのは cm^2 なので、1辺の長さは cm です。

小数第二位までで考えるので、1辺の長さを 1.41 cm と 1.42 cm で計算してみると、
 $1.41 \times 1.41 = 1.9881$ $1.42 \times 1.42 = 2.0164$ になる。

① 1.41 cm	② 1.9881 cm^2	③ 1.42 cm	④ 2.0164 cm^2
-----------	------------------------	-----------	------------------------

- (2) (1) と同じようにして、正方形の1辺の長さを小数第三位まで求めなさい。

小数第三位までで計算すると、1辺が 1.415 cm だと面積が 2 cm^2 より大きくなるので、
 1.414 cm と考えられる。

- $1.411 \times 1.411 = 1.990921$
 $1.412 \times 1.412 = 1.993744$
 $1.413 \times 1.413 = 1.996569$
 $1.414 \times 1.414 = 1.999396$
 $1.415 \times 1.415 = 2.002225$

面積が 2 cm^2 の正方形の1辺の長さは、どこまでも続く小数になることがわかっています。このような数は、中学校の数学で学習します。お楽しみに。

1.414 cm

【各 5 点】

(1)

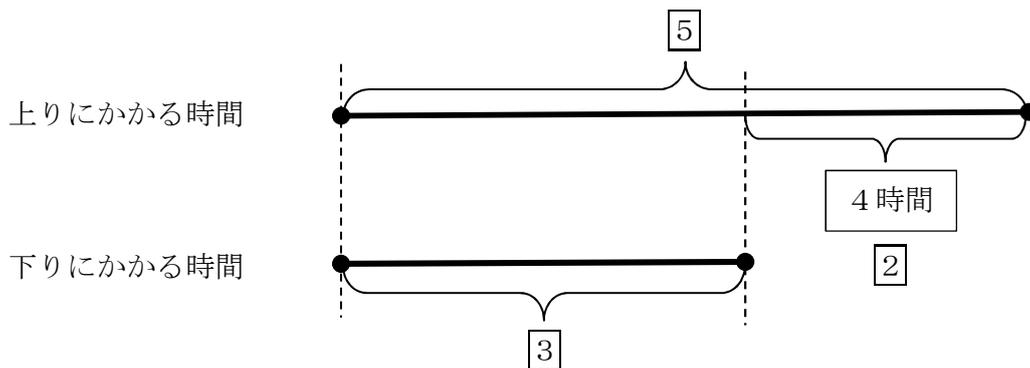
船の上りの速さと下りの速さの比は、上りにかかった時間と下りにかかった時間の逆の比になる。

船が川を上るとき速さと下るとき速さの比は、3 : 5

船が川を上るときと下るときにかかる時間の比は、5 : 3

答え 5 : 3

(2)



$$\boxed{5} - \boxed{3} = \boxed{2} \quad \boxed{2} \text{で } 4 \text{ 時間}$$

$$\text{上りにかかる時間は } 5 \div 2 = 2.5 \quad 4 \text{ 時間} \times 2.5 = 10 \text{ 時間}$$

$$\text{下りにかかる時間は } 3 \div 2 = 1.5 \quad 4 \text{ 時間} \times 1.5 = 6 \text{ 時間}$$

上り 10 時間 下り 6 時間 かかっている。

$$\text{よって、上るときの船の速さは } 60 \div 10 = 6 \quad \text{時速 } 6 \text{ km}$$

$$\text{下るときの船の速さは } 60 \div 6 = 10 \quad \text{時速 } 10 \text{ km}$$

答え 船が上るときの速さ時速 6 km, 下るときの速さ 10 km

【各5点】

この時計には数字が入っていないので、何時何分を表しているか分かりません。目盛りを見て時計が傾いていること、12時が必ずしも真上に来ていないということが分かります。

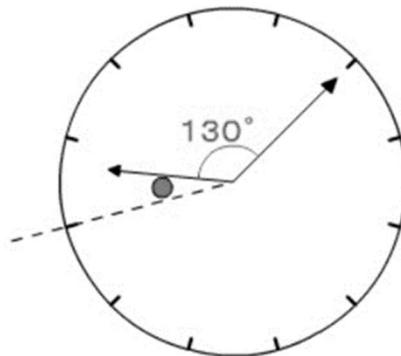
一方、長針はちょうど目盛りのところを指していることから、「何分」を指しているかは5の倍数であることが分かります。

① 5

そして、短針は目盛りからずれています。これがヒントとなります。短針は12時間で 360° 回転するので、1時間では 30° 動きます($360 \div 12$)。

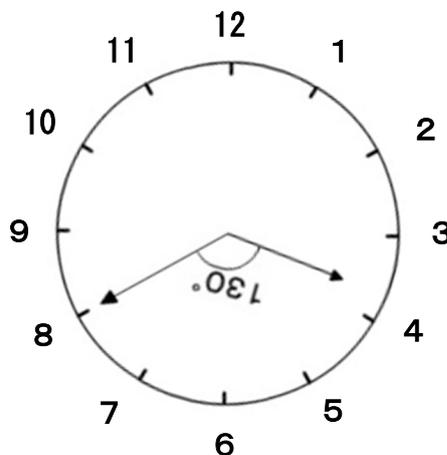
② 30

短針のずれは(●のところ)、 $5 \times 30 - 130 = 20$ 度です。この20度は、 30 度(短針が1時間で動く角度)の3分の2なので、長針が指すのは40分ということが分かります(3 分の 2 時間： 60×3 分の $2 = 40$ 分)。



③ 40

ところで、長針が40分(時計では8の数字)を指していることから、回転させるように考えると短針は3時を指すことが分かります。このことから3時40分が答えとなります。



④ 3

(1) 21分後に満水になったので、1分間に入る水の量は $30 \times 40 \times 70 \div 21 = 4000$ (cm³)

4000 cm³

(2) コップAより上の部分に入れた水の量は 4000 (cm³) \times $(21-12)$ (分) = 36000 (cm³)

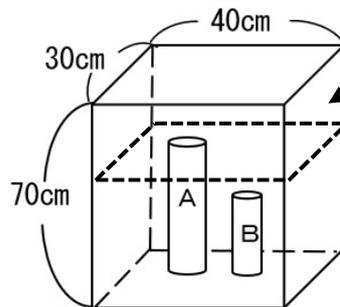
グラフより読み取る

ですから、その深さは 36000 (cm³) \div (30×40) (cm²) = 30 (cm)

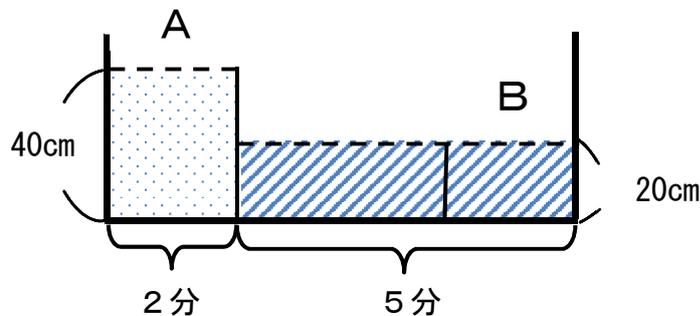
底面積

したがってコップAの高さは $70 - 30 = 40$ (cm)

40 cm



(3) 2(分後) からア(分後) までに入る水の量は図の斜線部分になります。



グラフより、コップBの高さは20cmです。また、コップAの底面積は 4000 (cm³) \times 2 (分) \div 40 (cm) = 200 (cm²)

ですから、斜線部分に入れるのにかかる時間は、

$(30 \times 40 - 200)$ (cm²) \times 20 (cm) \div 4000 (cm³) = 5 (分)

底面積

したがって、「ア」の値は $2 + 5 = 7$ (分) となります。

7分

チームナンバー

解説 5

【5点】

	植える面積	お米の品種
昨年	2ヘクタール	ササニシキ
今年	昨年と比較して1割減	ヨクトレル

植える面積が同じと考えると、収穫量が20%増加すると見込まれるので

$$12000 \times 1.20 = 14400 \text{ Kg となる。}$$

しかし、植える面積が1割減なので

$$14400 \times 0.9 = 12960$$

したがって、収穫量は 12960 kgとなる。

1 2 9 6 0 kg

【別の考え方】

昨年度と比べて、収穫量も面積も変化しない場合
変化しないことを $\times 1$ で表すと

$$\begin{array}{ccccccc} & \text{収穫量の変化} & & \text{面積の変化} & & & \\ 12000 & \times 1 & & \times 1 & & = & 12000 \text{ となる。} \end{array}$$

収穫量が、20%増加し、面積は1割減なので
収穫量の変化は $\times 1.2$ 面積の変化は $\times 0.9$ と考えることができる。

$$\begin{array}{ccccccc} & \text{収穫量の変化} & & \text{面積の変化} & & & \\ 12000 & \times 1.2 & & \times 0.9 & & = & 12960 \end{array}$$

したがって、収穫量は 12960 kgとなる。

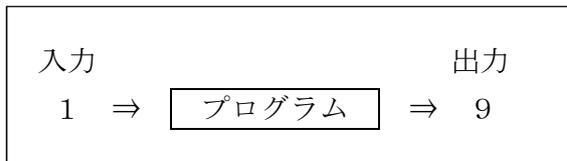
1 2 9 6 0 kg

【各5点】

ひろみさんは、「ある数を入力すると違う数になって出力される」というプログラムを考えました。このプログラムでは、1は9に、2は6に、3は5に、4は1に、5は2に、6は7に、7は1に、8は3に、9は4に変換されます。

例えば、3ケタの数123を入力すると965と出力されます。また、出力された数値を繰り返しプログラムに入力することもできます。下の例は、1を入力したときの変換の様子です。このとき、次の(1)(2)の問いに答えなさい。

例



(1) このプログラムに、286と入力し、出力された数値をさらに入力すると、どのような数になるでしょうか？

2は6に、8は3に、6は7に変換されるので637となる。
637をさらに入力すると751となる。

7 5 1

(2) 数を入力して出力することを、プログラムを1回実行する考えると、このプログラムを5回実行して999となる一番大きい数を答えなさい。

ただし、入力する3けたの数はどの位も違う数とします。

999から逆にたどって考えると

- 1回目 9 → 1
- 2回目 1 → 4 または 7
- 3回目 4 → 9
7 → 6
- 4回目 9 → 1
6 → 2
- 5回目 1 → 4 または 7
2 → 5

したがって、5回もとをたどると、4, 5, 7になる。
この数を使った3ケタの一番大きい数は754である。

7 5 4

【各 4 点】

下の図 1 のような、8つの面がすべて正三角形でできている立体を正八面体りったいといいます。
 また、図 A~C は、正八面体の展開図てんかいずです。それぞれの展開図で正八面体を作ったとき、a, b, c の面と向かい合う面は、それぞれ 1~7 のどの面になるか答えなさい。

ただし、向かい合う面とは図 2 の色をつけた面同士のような面のことです。

図 1

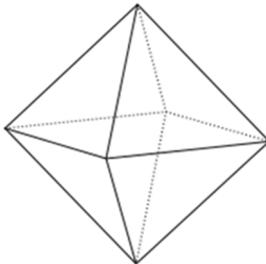
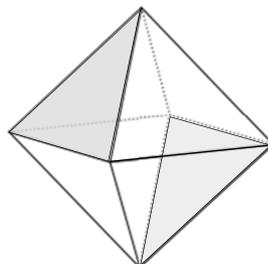
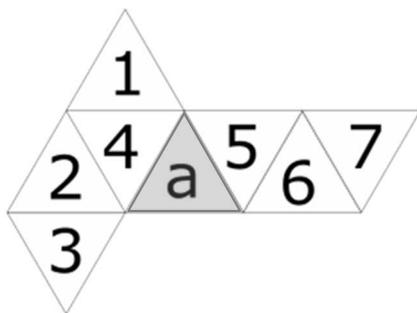


図 2

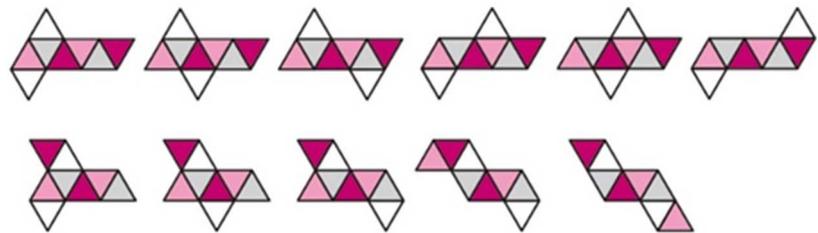


A

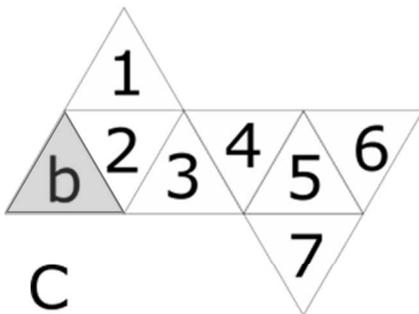


正八面体の展開図は下の 11 種類
 (同色が向かい合う面)

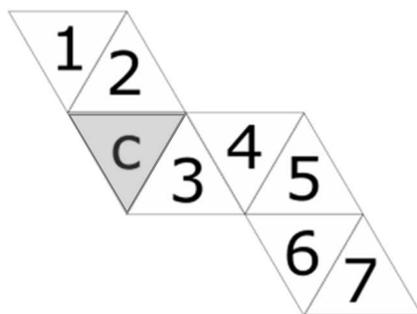
全 11 種類



B



C



a : 7

b : 4

c : 5